

Асимптотические свойства последовательностей вырождающихся цепей Маркова, определяемых дважды максимальными случайными процессами.

Исследуется последовательность цепей Маркова $Z_n(s)$ с $n+1$ состоянием у процессов с индексом n . Вероятности перехода определяются с помощью случайных процессов, являющихся двухшаговыми эволюциями популяции частиц. Частицам присвоены типы в терминах бинарных n -мерных векторов с нормой Хэмминга. Значение цепи Маркова $Z_n(s)$ задается типом некоторой частицы «х» и равно размерности бинарного вектора n минус норма Хэмминга типа этой частицы. Эти случайные процессы соответствуют циклу генетического алгоритма $(1+(\lambda, \lambda))\sim\text{GA}$ с *опегах* весовой функцией, где на первом этапе частица «х» многократно мутирует и из мутантов выбирается частица «х'» с максимальной нормой, а на втором этапе «х» и «х'» многократно скрещиваются и из этих потомков выбирается «у» с максимальной нормой.

Если $|\langle y \rangle| \geq |\langle x \rangle|$, то значение $Z_n(s+1)$ задается типом частицы $|\langle y \rangle|$, а иначе значение $Z_n(s+1)$ задается типом старой частицы «х» и $Z_n(s+1)=Z_n(s)$.

В работе на основе классических предельных теорем описаны асимптотические свойства случайных величин $Z_n(s)-Z_n(s+1)$ при $n \rightarrow \infty$ и оценено время вырождения цепи. В качестве приложения оценено среднее количество вычислений весовой функции в генетическом алгоритме $(1+(\lambda, \lambda))\sim\text{GA}$ с *опегах* весовой функцией, равной норме типа частицы. Для генетических алгоритмов наши оценки уточняют наилучшие из полученных ранее. В них в явном виде выписаны постоянные при главных членах асимптотических представлений.